

令和5年度 山形県立産業技術短期大学校

入学試験問題（推薦）

数学Ⅰ・Ⅱ

注 意 事 項

- 1 試験開始の合図があるまで、この問題冊子の中を見てはいけません。
- 2 試験中に問題冊子の印刷不鮮明、ページの落丁・乱丁及び解答用紙の汚れ等に気付いた場合は、手を挙げて監督者に知らせて下さい。
- 3 解答用紙に受験番号を正しく記入して下さい。正しく記入されていない場合は、採点できないことがあります。
- 4 解答は解答用紙の所定の欄に記入して下さい。
- 5 試験終了後、問題冊子並びに計算用紙は持ち帰って下さい。

1. (1) 集合 A, B を $A = \{1, 2, 3, 5, 7, 9\}$, $B = \{2, 4, 5, 8\}$ とするとき, 次の集合を求めよ.

(1-1) $A \cap B$

(1-2) $A \cup B$

(2) 次の値を求めよ.

(2-1) $|-8 + 2|$

(2-2) $||8| - |-2||$

(3) 次の式を展開せよ.

(3-1) $(x+y)^2(x-y)^2$

(3-2) $(x-1)(x-2)(x-4)$

(4) 次の分数を小数に直し, 循環小数の表し方でかけ.

(4-1) $\frac{2}{3}$

(4-2) $\frac{107}{33}$

(5) 次の式を $a + b\sqrt{3}$ の形で表せ. ただし, a, b は有理数とする.

(5-1) $\frac{1-\sqrt{3}}{1+\sqrt{3}}$

(5-2) $\frac{1}{1-\sqrt{3}} + \frac{1}{1+\sqrt{3}} - \frac{1}{3-\sqrt{3}} + \frac{1}{3+\sqrt{3}}$

2. 3次関数 $f(x) = 2x^3 - 3x^2$ を考える. 区間 $-1 \leq x \leq 2$ における関数 $f(x)$ の最大値を L , 最小値を M とする. このとき, 次の問い合わせに答えよ.

(1) 関数 $f(x)$ の導関数 $f'(x)$ を求めよ.

(2) 2次方程式 $f'(x) = 0$ を解け.

(3) $f(-1), f(2)$ の値を求めよ.

(4) 3次方程式 $f(x) = 0$ を解け.

(5) 区間 $-1 \leq x \leq 2$ における $f(x)$ の増減表を記せ.

(6) 区間 $-1 \leq x \leq 2$ における $y = f(x)$ のグラフをかけ.

(7) 最大値 L を求め, そのときの x の値を求めよ.

(8) 最小値 M を求め, そのときの x の値を求めよ.

3. 自然数 5^{23} の桁数を N とする. このとき, 次の問い合わせに答えよ. ただし, $\log_{10} 2 = 0.3010$ とする.

(1) $\log_{10} 10$ の値を求めよ.

(2) $\log_{10} 5$ を $\log_{10} 2$ を用いて表せ.

(3) $\log_{10} 5^{23}$ を $\log_{10} 2$ を用いて表せ.

(4) $\log_{10} 5^{23}$ の値を求めよ.

(5) N の値を求めよ.

(6) $\log_{10}(10^{N-1})$ の値を求めよ.

(7) $\log_{10}(2 \cdot 10^{N-1})$ の値を求めよ.

(8) 5^{23} の最高位の数を求めよ.

4. 四角形 ABCD を対角線 BD で 2 つの三角形 $\triangle ABD$, $\triangle BCD$ に分割する. $AB = 4\sqrt{3}$, $AD = 6\sqrt{2}$, $BD = 6 + 2\sqrt{3}$, $\angle BCD = 90^\circ$, $\angle BDC = 30^\circ$ とする. このとき, 次の問い合わせ答えよ.

(1) 辺 BC の長さを求めよ.

(2) 辺 CD の長さを求めよ.

(3) $\triangle BCD$ の面積 S_1 を求めよ.

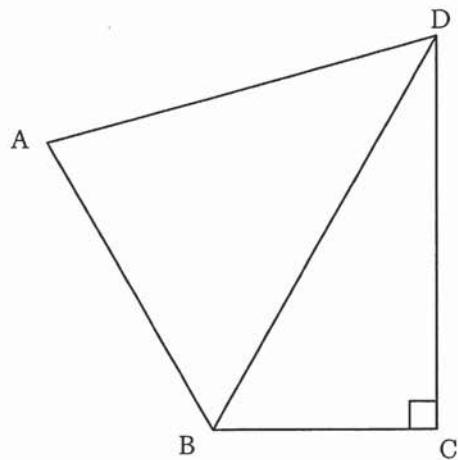
(4) $\cos \angle ABD$ の値を求めよ.

(5) $\angle ABD$ の値を求めよ.

(6) $\sin \angle ABD$ の値を求めよ.

(7) $\triangle ABD$ の面積 S_2 を求めよ.

(8) 四角形 ABCD の面積 S を求めよ.



5. 2 次関数 $f(x) = ax^2 + bx + c$ を考える. 放物線 $y = f(x)$ は, 点 A (1, -2), B (-2, 4), C (0, -2) を通る. 放物線 $y = f(x)$ の頂点を D とする. 放物線 $y = f(x)$ と x 軸との共有点を E, F とする. ただし, E の x 座標は正, F の x 座標は負である. 放物線 $y = f(x)$ と x 軸で囲まれた部分の面積を S とする. このとき, 次の問い合わせ答えよ. ただし, a, b, c は定数とする.

(1) 放物線 $y = f(x)$ が点 A を通る条件を満たす定数 a, b, c の関係式を求めよ.

(2) 放物線 $y = f(x)$ が点 B を通る条件を満たす定数 a, b, c の関係式を求めよ.

(3) 放物線 $y = f(x)$ が点 C を通る条件を満たす定数 c の値を求めよ.

(4) 定数 a, b の値を求めよ.

(5) 点 D の座標を求めよ.

(6) 点 E, F の座標を求めよ.

(7) 放物線 $y = f(x)$ のグラフをかき, 放物線 $y = f(x)$ と x 軸で囲まれた部分を斜線で図示せよ. このとき, 点 D, E, F を明示せよ.

(8) 面積 S の値を求めよ.

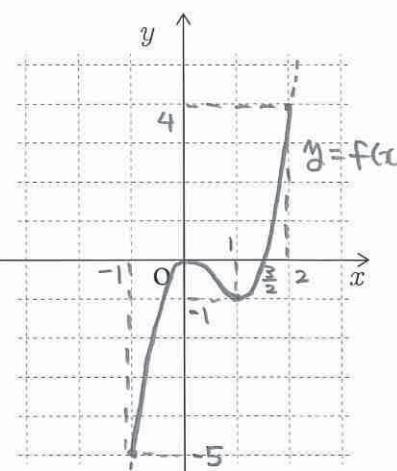
数学 I・II

受験番号			

1

(1-1)	$A \cap B = \{2, 5\}$	(1-2)	$A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 7, 8, 9\}$
(2-1)	6	(2-2)	6
(3-1)	$x^4 - 2x^2y^2 + y^4$	(3-2)	$x^3 - 7x^2 + 14x - 8$
(4-1)	0.6	(4-2)	3.24
(5-1)	$-2 + \sqrt{3}$	(5-2)	$-1 - \frac{1}{3}\sqrt{3}$

2

(1)	$f'(x) = 6x^2 - 6x$	(2)	$x = 0, 1$																								
(3)	$f(-1) = -5, f(2) = 4$	(4)	$x = 0, \frac{3}{2}$																								
(5)	増減表 <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr><td>x</td><td>-1</td><td>...</td><td>0</td><td>...</td><td>1</td><td>...</td><td>2</td></tr> <tr><td>$f'(x)$</td><td>+</td><td>0</td><td>-</td><td>0</td><td>+</td><td></td><td></td></tr> <tr><td>$f(x)$</td><td>-5</td><td>↗</td><td>0</td><td>↘</td><td>-1</td><td>↗</td><td>4</td></tr> </table>	x	-1	...	0	...	1	...	2	$f'(x)$	+	0	-	0	+			$f(x)$	-5	↗	0	↘	-1	↗	4	(6)	
x	-1	...	0	...	1	...	2																				
$f'(x)$	+	0	-	0	+																						
$f(x)$	-5	↗	0	↘	-1	↗	4																				
(7)	$L = 4, x = 2$	(8)	$M = -5, x = -1$																								

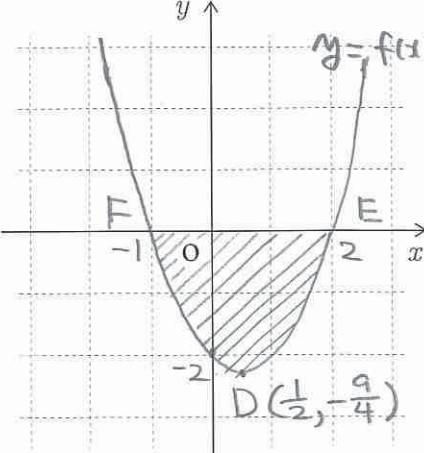
3

(1)	$\log_{10} 10 = 1$	(2)	$\log_{10} 5 = 1 - \log_{10} 2$
(3)	$\log_{10} 5^{23} = 23(1 - \log_{10} 2)$	(4)	$\log_{10} 5^{23} = 16.0770$
(5)	$N = 17$	(6)	$\log_{10}(10^{N-1}) = 16$
(7)	$\log_{10}(2 \cdot 10^{N-1}) = 16.3010$	(8)	1

4

(1)	$BC = 3 + \sqrt{3}$	(2)	$CD = 3 + 3\sqrt{3}$
(3)	$S_1 = 9 + 6\sqrt{3}$		
	計算 $\cos \angle ABD = \frac{AB^2 + BD^2 - AD^2}{2AB \cdot BD}$ $= \frac{(4\sqrt{3})^2 + (6+2\sqrt{3})^2 - (6\sqrt{2})^2}{2 \cdot 4\sqrt{3} \cdot (6+2\sqrt{3})}$ $= \frac{1}{2}$		
(4)			$\cos \angle ABD = \frac{1}{2}$
(5)	$\angle ABD = 60^\circ$	(6)	$\sin \angle ABD = \frac{\sqrt{3}}{2}$
(7)	$S_2 = 18 + 6\sqrt{3}$	(8)	$S = 27 + 12\sqrt{3}$

5

(1)	$a+b+c = -2$	(2)	$4a-2b+c = 4$
(3)	$c = -2$	(4)	$a = 1, b = -1$
(5)	$D(\frac{1}{2}, -\frac{9}{4})$	(6)	$E(2, 0), F(-1, 0)$
(7)		(8)	計算 $S = \int_{-1}^2 (-f(x)) dx$ $= \int_{-1}^2 (-x^2 + x + 2) dx$ $= \left[-\frac{x^3}{3} + \frac{x^2}{2} + 2x \right]_{-1}^2$ $= \frac{9}{2}$
			$S = \frac{9}{2}$